



ΕΔΑΦΟΜΗΧΑΝΙΚΗ II

Τμήμα Α-Λ

4. Οριακό φορτίου θεμελίου

μέχρι τώρα υπολογίζουμε **καθιζήσεις θεμελίων**... όχι αστοχία τους
Μεγάλες καθιζήσεις...



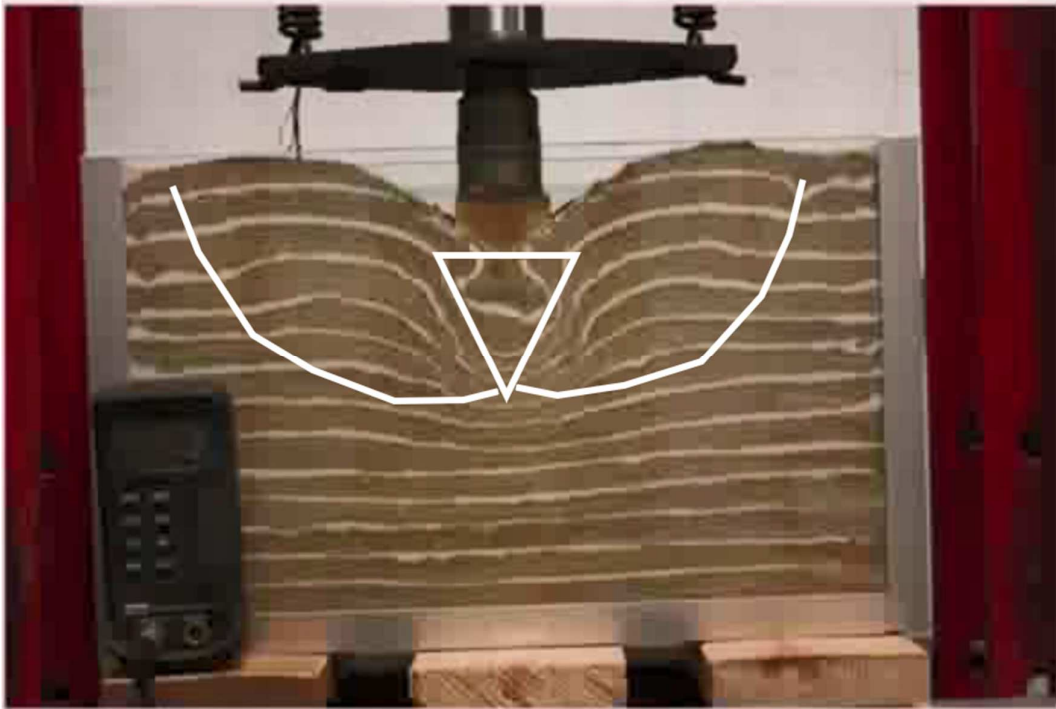
... έως την αστοχία!



Τι συμβαίνει στο έδαφος κάτω από ένα θεμέλιο;

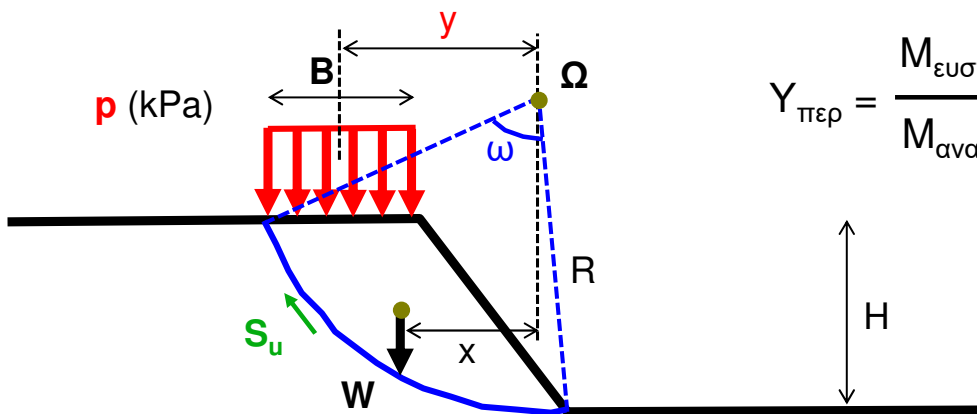
Με την αύξηση του φορτίου... αυξάνει η καθίζηση

Επηρεάζεται το έδαφος μέχρι κάποιο βάθος & μέχρι κάποια απόσταση



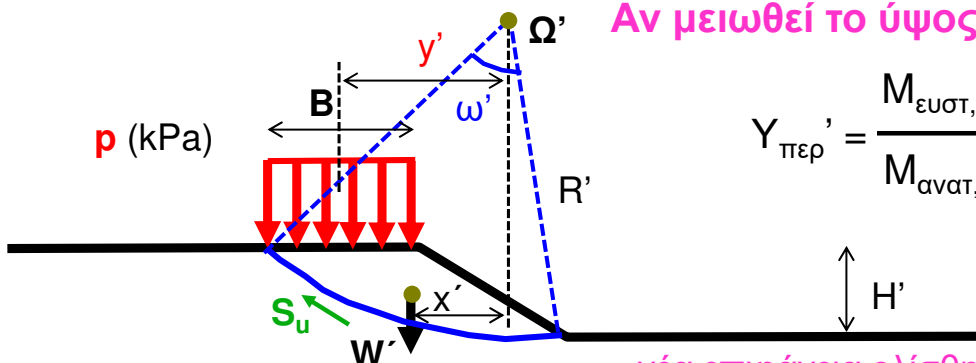
Έστω φορτισμένο πρανές ύψους H ...

κορεσμένης ομοιογενούς αργίλου σε αστράγγιστες συνθήκες, με αντοχή S_u με λωριδωτό φορτίο p , πλάτους B , στην άκρη του



$$Y_{\text{περ}} = \frac{M_{\text{ευστ},\Omega}}{M_{\text{ανατ},\Omega}} = \frac{R S_u (\omega R)}{Wx + pBy}$$

Αν μειωθεί το ύψος πρανούς σε $H' < H$

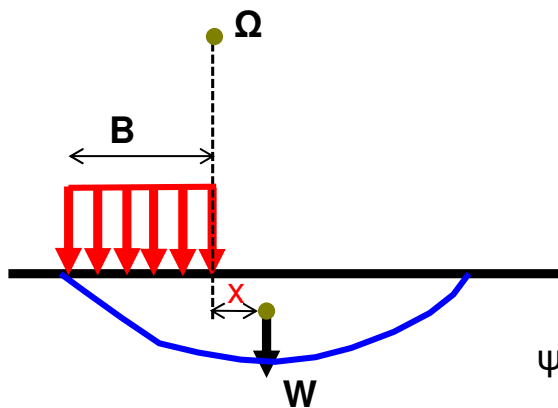


$$Y'_{\text{περ}} = \frac{M'_{\text{ευστ},\Omega'}}{M'_{\text{ανατ},\Omega'}} = \frac{R' S_u (\omega' R')}{W'x' + pBy'}$$

$Y'_{\text{περ}} > Y_{\text{περ}}$, λόγω μείωσης της $M_{\text{ανατ},\Omega}$

→ νέα επιφάνεια ολίσθησης, πιο ρηχή
→ νέο Ω (Ω'), οριζόντια πιο κοντά στο φορτίο

Πιο ρεαλιστικά...



Η επιφάνεια ολίσθησης ΔΕΝ είναι τόξο κύκλου

... το υποκείμενο έδαφος βάρους W αντιστέκεται στην ολίσθηση

Θεμέλια:

ψάχνουμε τη μέγιστη επιτρεπόμενη τιμή του $p = p_{ult}$ που αντιστοιχεί σε $Y_{περ} = 1.0$

$$Y_{περ} = \frac{M_{ευστ,Ω}}{ρB(B/2) - Wx}$$

$$\rightarrow p_{ult} = (2/B^2)M_{ευστ,Ω} + Wx(2/B^2)$$

αντοχή υποκειμένου βάρος υποκειμένου

δηλαδή **μεγαλύτερη** φέρουσα ικανότητα σε σχέση με ό,τι προβλέπεται με τόξο κύκλου

ΘΕΜΕΛΙΩΣΕΙΣ (6^{ου} εξαμήνου): «τριώνυμο» φέρουσας ικανότητας θεμελίου

$$p_{ult} = \text{ΑΝΤΟΧΗ ΕΔΑΦΟΥΣ} + \text{ΒΑΡΟΣ ΥΠΕΡΚΕΙΜΕΝΟΥ} + \text{ΒΑΡΟΣ ΥΠΟΚΕΙΜΕΝΟΥ} + \text{ΕΠΙΦΟΡΤΙΣΗ}$$

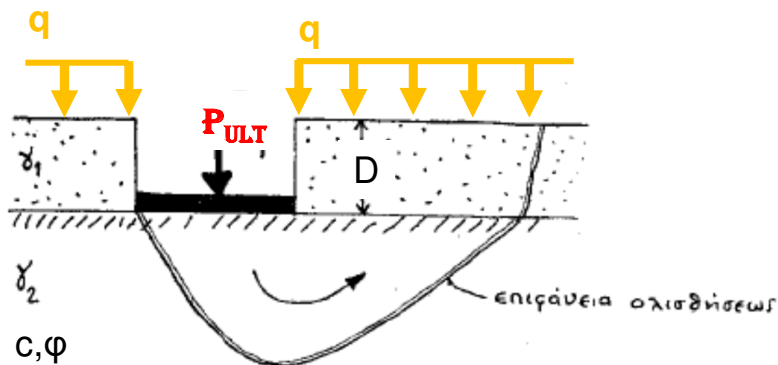
(και υπερκείμενου)

ΘΕΜΕΛΙΩΣΕΙΣ (6^{ου} εξαμήνου): «τριώνυμο» φέρουσας ικανότητας θεμελίου

$$p_{ult} = \text{ΑΝΤΟΧΗ ΕΔΑΦΟΥΣ} + \text{ΒΑΡΟΣ ΥΠΕΡΚΕΙΜΕΝΟΥ} + \text{ΒΑΡΟΣ ΥΠΟΚΕΙΜΕΝΟΥ} + \text{ΕΠΙΦΟΡΤΙΣΗ}$$

(και υπερκείμενου)

$$p_{ult} \text{ (kPa)} = \frac{P_{ULT}}{B} = c N_c + (\gamma_1 D + q) N_q + 0.5 \gamma_2 B N_\gamma$$



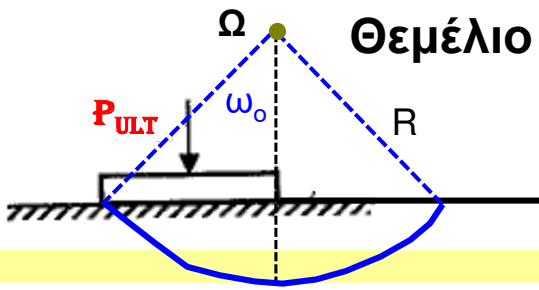
ϕ°	N_c	N_q	N_γ
0	5.14	1	0
10	8.3	2.5	1.2
20	14.8	6.4	5.4
25	20.7	10.7	10.9
30	30.1	18.4	22.4
35	46.1	33.3	48.0
40	75.6	64.2	109.4
45	133.9	134.9	271.8

άργιλοι
ιλιές
άμμοι
χάλικες

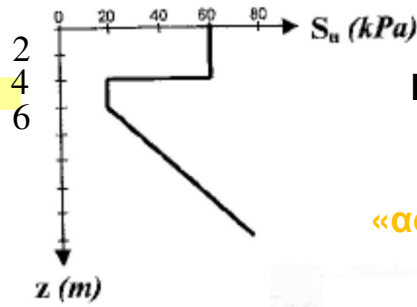
↑ συνήθεις τιμές ϕ

Οι αδιάστατοι συντελεστές N_c , N_q και N_γ δίδονται στον Πίνακα συναρτήσει της ϕ .

Θεμέλιο με $B = 12\text{m}$ σε ανομοιογενή άργιλο

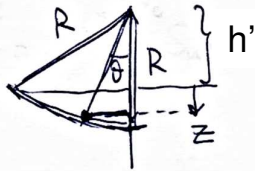


«Ασθενής» στρώση πάχους 2m (-4 έως -6m)



Εύλογη επιφάνεια ολίσθησης, κατά μέγιστον εντός «ασθενούς» στρώσης

$$\tan \omega_0 = \frac{B}{h'} = \frac{12}{9} \rightarrow \omega_0 = 53.1^\circ (\hat{\omega}_0 = 0.927 \text{ rad})$$



Γεωμετρία επιφάνειας ολίσθησης

βάθος z από επιφάνεια:

$$z = R \cos \vartheta - h' \rightarrow \vartheta = 0 \rightarrow z = R - h' = 15 - 9 = 6 \text{ m}$$

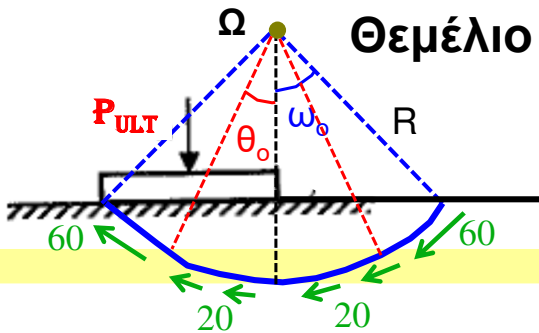
$$\vartheta = \omega_0 \rightarrow z = R \cos \omega_0 - h' = 15 \cos \omega_0 - 9 = 0$$

ποιά τιμή του $\vartheta = \theta_0$ για $z = 4 \text{ m}$? $4 = 15 \cos \theta_0 - 9 \Rightarrow$

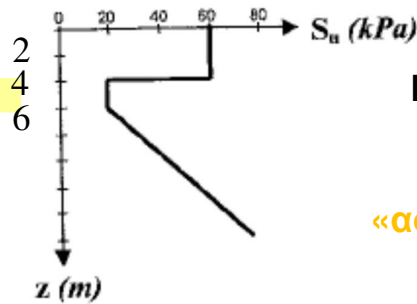
$$\Rightarrow \cos \theta_0 = \frac{13}{15} \Rightarrow \theta_0 = 29.93^\circ (= 0.522 \text{ rad})$$

$$R^2 = B^2 + h'^2 \Rightarrow R^2 = B^2 + (R-6)^2 = B^2 + R^2 + 36 - 12R \Rightarrow 12R = 36 + B^2 \xrightarrow{B=12\text{m}} \Rightarrow R = 15 \text{ m} \ \& \ h' = 9 \text{ m}$$

Θεμέλιο με $B = 12\text{m}$ σε ανομοιογενή άργιλο



«Ασθενής» στρώση πάχους 2m (-4 έως -6m)



Εύλογη επιφάνεια ολίσθησης, κατά μέγιστον εντός «ασθενούς» στρώσης

Γεωμετρία επιφάνειας ολίσθησης:

$$R = 15\text{m}, \omega_0 = 53.1^\circ, \theta_0 = 29.9^\circ$$

$$P_{ult} \left(\frac{B}{2} \right) = 2 \left[\int_0^{\theta_0} R (20 R d\theta) + \int_{\theta_0}^{\omega_0} R (60 R d\theta) \right] = 2R^2 [20\theta_0 + 60(\omega_0 - \theta_0)]$$

$$\Rightarrow P_{ult} \times 6 = 2 \times 15^2 [20 \times 0.522 + 60(0.927 - 0.522)] \Rightarrow P_{ULT} = 2605.5 \frac{\text{kN}}{\text{m}}$$

ΣΥΓΚΡΙΣΗ με ομοιογενή άργιλο,
για ίδια επιφ. αστοχίας ($h=h'/B=9/12=3/4$)

Αν $S_u = 60 \text{ kPa}$ (μη συντηρητικά)

$$P_{ULT} = 4173 \frac{\text{kN}}{\text{m}}$$

Αν $S_u = 20 \text{ kPa}$ (υπερσυντηρητικά)

$$P_{ULT} \approx 1391 \frac{\text{kN}}{\text{m}}$$

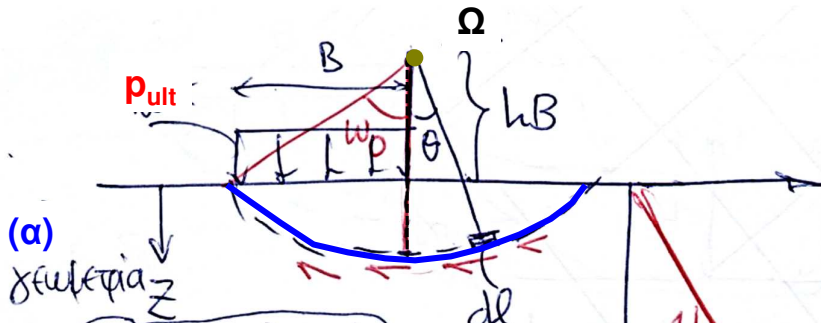
6ε όρου κPa $P_{ult} = \frac{P_{ult}}{12} = 217.1 \text{ kPa}$

$$P_{ULT} = P_{ult} B = 4B(1+h^2)S_u \omega_0$$

$$\text{αν } \bar{S}_u = \left(\frac{2}{3}\right)60 + \left(\frac{1}{3}\right)20 = 46.67 \text{ kPa}$$

$$P_{ULT} = 3246 \frac{\text{kN}}{\text{m}}$$

Θεμέλιο σε γραμμικώς ανομοιογενή άργιλο



$$S_u = m - z$$

π.χ. για $\gamma = 20 \text{ kN/m}^3$
 $S_u = 0.25\sigma'_v = 2.5z$

(α) z σχετική

(γ) Έυφραση $S_u = f(\theta)$

$$z = R \cos \theta - h_B$$

$$\Rightarrow z = B(\sqrt{1+h^2} \cos \theta - h)$$

↓

$$\left(\begin{array}{l} \delta \alpha \delta = 0 : z = B(\sqrt{1+h^2} - h) \\ \delta = \hat{\omega}_0 : z = 0 \end{array} \right)$$

↙ max z ύψους

οπότε $S_u = mB(\sqrt{1+h^2} \cos \theta - h)$

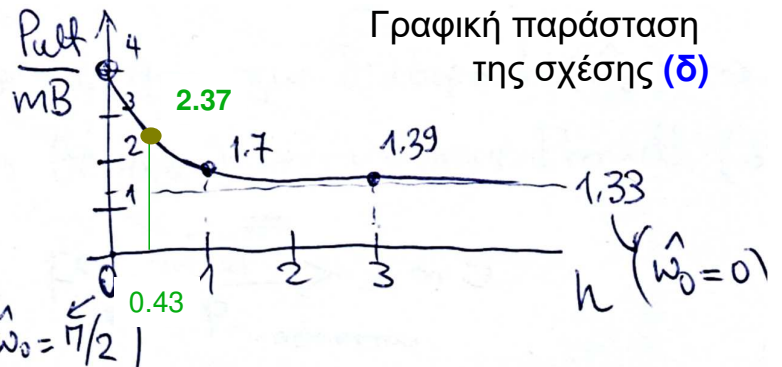
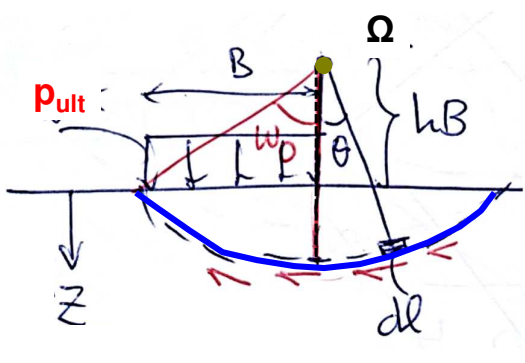
$$\tan \hat{\omega}_0 = \frac{B}{hB} = \frac{1}{h}$$

$$R = B\sqrt{1+h^2}$$

$$P_{ult} B \left(\frac{B}{2}\right) = 2 \int_0^{\hat{\omega}_0} R (S_u R d\theta)$$

$$\Rightarrow P_{ult} \frac{B^2}{2} = 2R^2 \int_0^{\hat{\omega}_0} S_u d\theta$$

Θεμέλιο σε γραμμικώς ανομοιογενή άργιλο



$$(β) \Rightarrow P_{ult} \frac{B^2}{2} = 2R^2 \int_0^{\hat{\omega}_0} mB(\sqrt{1+h^2} \cos \theta - h) d\theta \Rightarrow$$

$$\Rightarrow P_{ult} = 4 \left(\frac{R}{B}\right)^2 mB \left[\sqrt{1+h^2} (\sin \hat{\omega}_0 - 0) - h(\hat{\omega}_0 - 0) \right] \Rightarrow$$

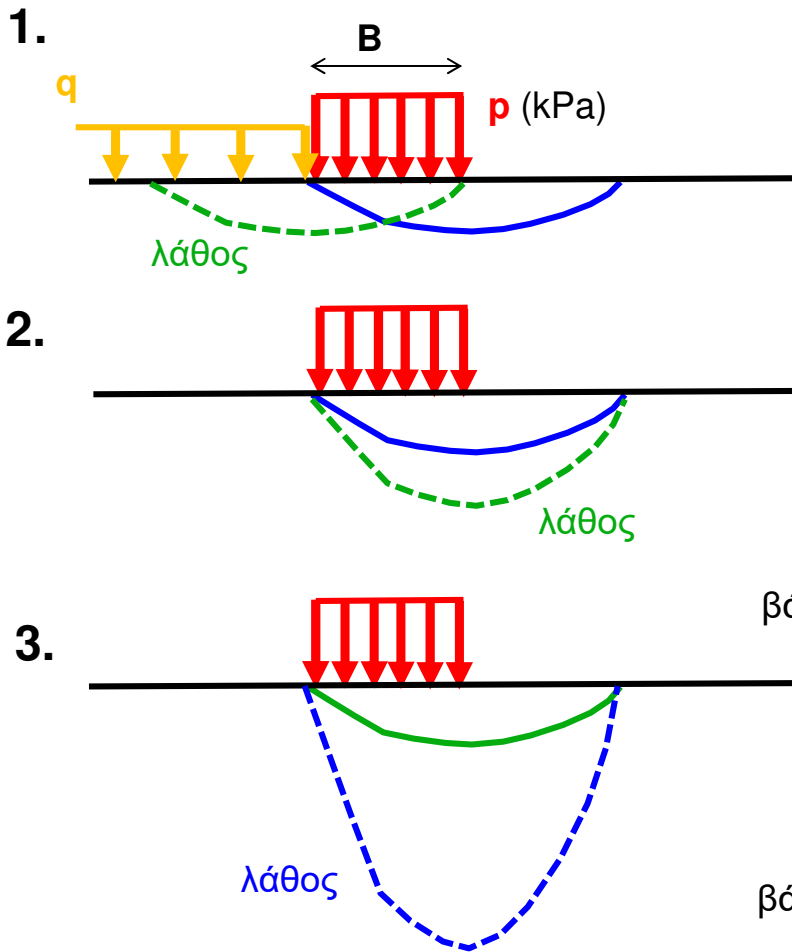
$$\Rightarrow \boxed{P_{ult} = 4(1+h^2)mB(\sqrt{1+h^2} \sin \hat{\omega}_0 - h\hat{\omega}_0)} \quad (δ)$$

ΣΥΓΚΡΙΣΗ με ομοιογενή άργιλο,
για ίδια επιφ. αστοχίας, και ίδιο B
(π.χ. για $h=0.43$ που δίνει min P_{ult} ομοιογ.)

$P_{ult} = 4(1+h^2)S_u\omega_0 = 5.5 S_u$ για ομοιογενή
ανεξάρτητη του B

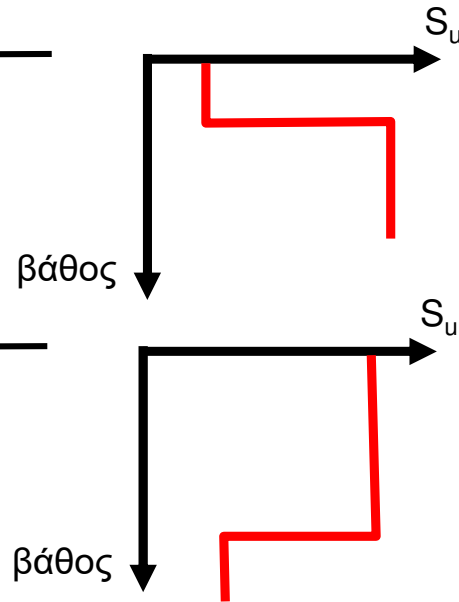
$P_{ult} = 2.37 \cdot 2.5 B = 5.9 B$ συνάρτηση του B
(π.χ. για $S_u = 2.5z$) για γραμμ. ανομοιογ.

Το εύλογο της επιφάνειας ολίσθησης...

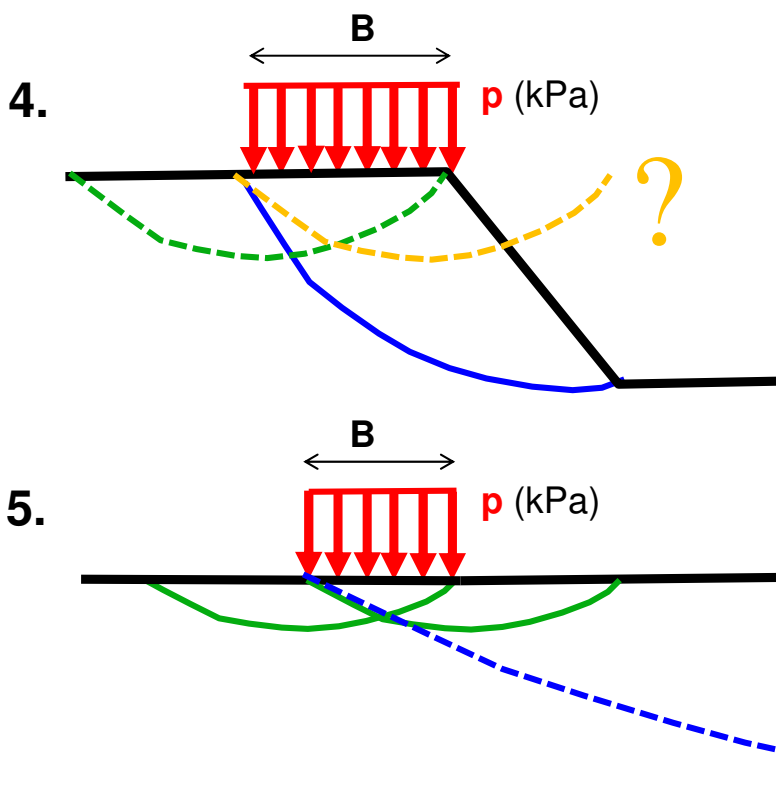


Η ολίσθηση προκύπτει... με τον «ευκολότερο» τρόπο

... αρκεί η επιφάνεια ολίσθησης να είναι κινηματικά δυνατή!



Το εύλογο της επιφάνειας ολίσθησης...



Η ολίσθηση προκύπτει... με τον «ευκολότερο» τρόπο

Όλες οι διακεκομμένες επιφάνειες αστοχίας δεν είναι εύλογες

... Η αλληλεπίδραση θεμελίου-πρανούς υπάρχει μόνο όταν το θεμέλιο είναι... «κοντά» στο πρανές!