



*Εισαγωγή στα Συστήματα Ηλεκτρικής Ενέργειας (ΣΗΕ)*

## **Κεφάλαιο 10: Μελέτη Ροών Φορτίου**

*Μάθημα στις 22/12/2023*

*Πάυλος Σ. Γεωργιλάκης*

*Καθ. ΕΜΠ*



## Εισαγωγή

Το πρόγραμμα υπολογισμού ροών ισχύος (ροών φορτίου) είναι το πιο συνηθισμένο καθημερινό εργαλείο των αναλυτών ΣΗΕ γιατί οι μελέτες ροών φορτίου είναι απαραίτητες:

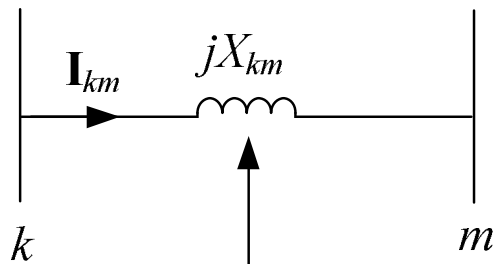
1. Για την πλέον οικονομική λειτουργία των γεννητριών
2. Για τον έλεγχο των τάσεων και των ροών ισχύος
3. Για τη μελέτη των επιπτώσεων ενδεχόμενων διαταραχών
4. Σε μελέτες ανάπτυξης και επέκτασης του ΣΗΕ



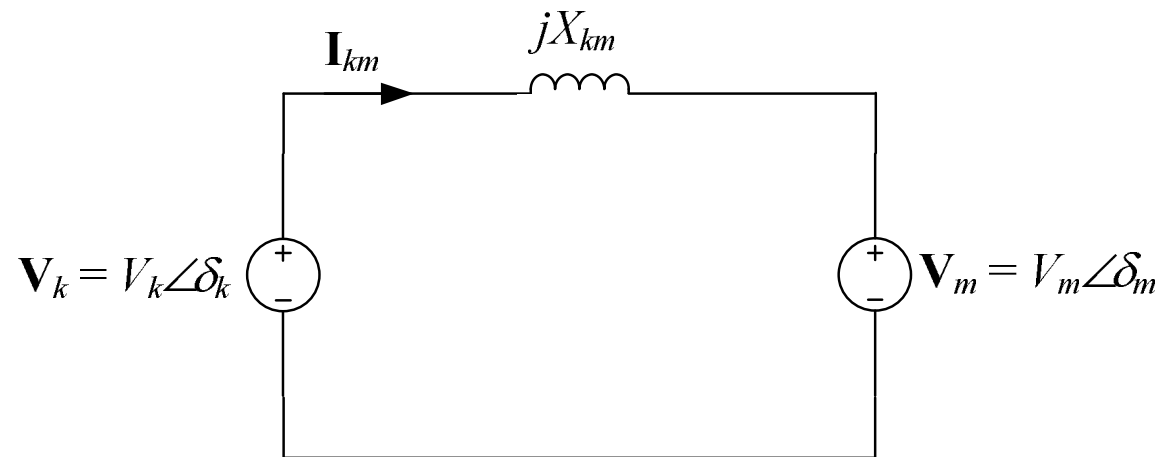
# Υπολογισμός Ροών Ισχύος Γραμμής Μεταφοράς για Μοντέλο Γραμμής Μεταφοράς Χωρίς Απώλειες ( $R=0$ )

$$\mathbf{V}_k = V_k \angle \delta_k$$

$$\mathbf{V}_m = V_m \angle \delta_m$$



Γραμμή μεταφοράς



$$\mathbf{Z}_{km} = jX_{km}$$



# Υπολογισμός Ροών Ισχύος Γραμμής Μεταφοράς για Μοντέλο Γραμμής Μεταφοράς Χωρίς Απώλειες (R=0)

$$\mathbf{V}_k - jX_{km} \cdot \mathbf{I}_{km} - \mathbf{V}_m = 0 \Rightarrow \mathbf{I}_{km} = \frac{\mathbf{V}_k - \mathbf{V}_m}{jX_{km}} \quad (10.1)$$

$$\mathbf{S}_{km} = \mathbf{V}_k \cdot \mathbf{I}_{km}^* \quad (10.2)$$

$$\mathbf{V}_k = V_k \angle \delta_k \quad (10.3)$$

$$\mathbf{V}_m = V_m \angle \delta_m \quad (10.4)$$

$$\mathbf{S}_{km} = \mathbf{V}_k \cdot \mathbf{I}_{km}^* = \mathbf{V}_k \cdot \left( \frac{\mathbf{V}_k - \mathbf{V}_m}{jX_{km}} \right)^* = \frac{\mathbf{V}_k \cdot (\mathbf{V}_k^* - \mathbf{V}_m^*)}{-jX_{km}} = \frac{\mathbf{V}_k \cdot \mathbf{V}_k^* - \mathbf{V}_k \cdot \mathbf{V}_m^*}{-jX_{km}} \Rightarrow$$

$$\mathbf{S}_{km} = \frac{V_k^2 - (V_k \angle \delta_k) \cdot (V_m \angle \delta_m)^*}{-jX_{km}} = \frac{V_k^2 - V_k \cdot V_m \angle (\delta_k - \delta_m)}{-jX_{km}} \Rightarrow$$



## Υπολογισμός Ροών Ισχύος Γραμμής Μεταφοράς για Μοντέλο Γραμμής Μεταφοράς Χωρίς Απώλειες (R=0)

$$\mathbf{S}_{km} = \frac{V_k^2 - V_k \cdot V_m \cdot \cos(\delta_k - \delta_m) - jV_k \cdot V_m \cdot \sin(\delta_k - \delta_m)}{-jX_{km}} \Rightarrow$$

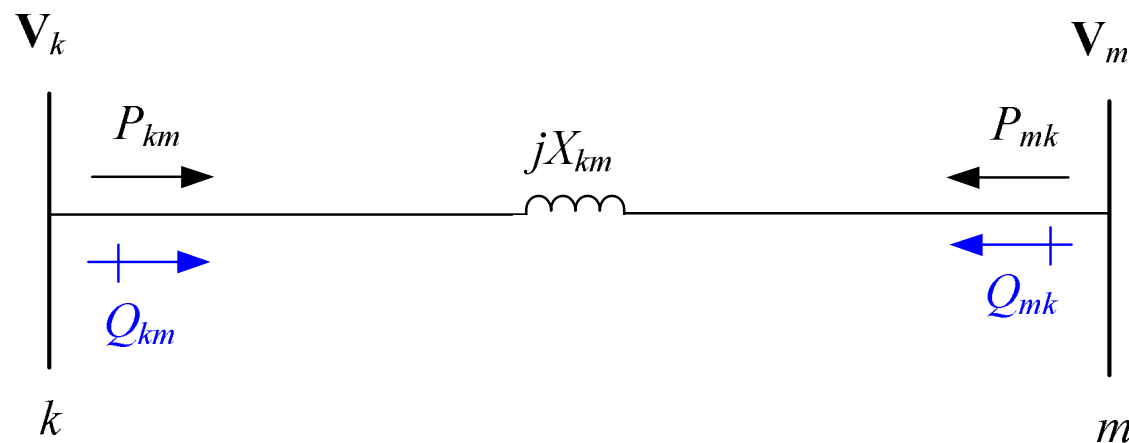
$$\mathbf{S}_{km} = \frac{jV_k^2 - jV_k \cdot V_m \cdot \cos(\delta_k - \delta_m) + V_k \cdot V_m \cdot \sin(\delta_k - \delta_m)}{X_{km}} = P_{km} + jQ_{km} \Rightarrow$$

$$P_{km} = \frac{V_k \cdot V_m}{X_{km}} \cdot \sin(\delta_k - \delta_m) \quad (10.5)$$

$$Q_{km} = \frac{V_k^2}{X_{km}} - \frac{V_k \cdot V_m}{X_{km}} \cdot \cos(\delta_k - \delta_m) \quad (10.6)$$



# Υπολογισμός Ροών Ισχύος Γραμμής Μεταφοράς για Μοντέλο Γραμμής Μεταφοράς Χωρίς Απώλειες ( $R=0$ )



$$P_{mk} = \frac{V_k \cdot V_m}{X_{km}} \cdot \sin(\delta_m - \delta_k) \quad (10.7)$$

$$Q_{mk} = \frac{V_m^2}{X_{km}} - \frac{V_k \cdot V_m}{X_{km}} \cdot \cos(\delta_m - \delta_k) \quad (10.8)$$



# Υπολογισμός Ροών Ισχύος Γραμμής Μεταφοράς για Μοντέλο Γραμμής Μεταφοράς Χωρίς Απώλειες ( $R=0$ )

$$P_{mk} = -P_{km} \quad (10.9)$$

$$Q_{mk} \neq -Q_{km} \quad (10.10)$$

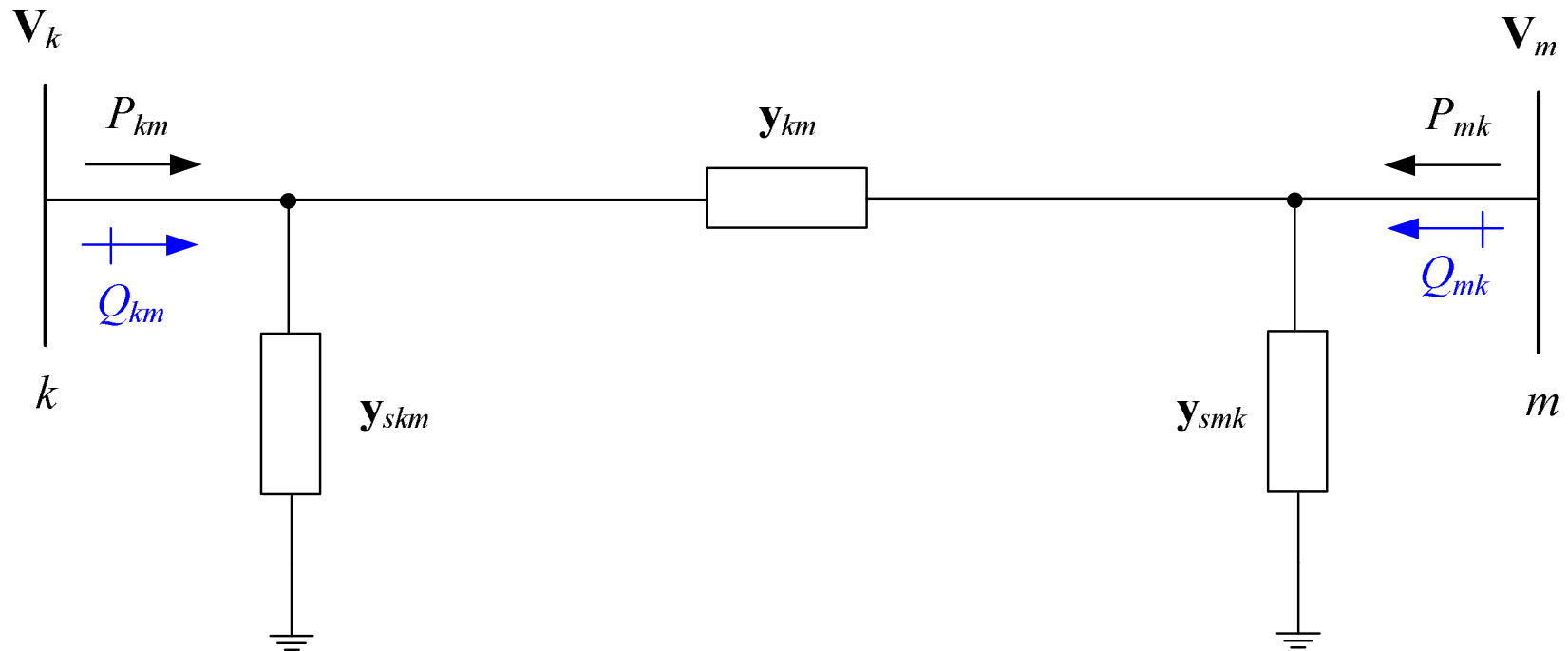
$$P_{Loss_{km}} = P_{km} + P_{mk} = 0 \quad (10.11)$$

$$Q_{Loss_{km}} = Q_{km} + Q_{mk} \neq 0 \quad (10.12)$$



## Μοντέλα Συνιστωσών ΣΗΕ

## Γραμμή Μεταφοράς



$$y_{km} = g_{km} + jb_{km}$$

$$y_{skm} = g_{skm} + jb_{skm}$$

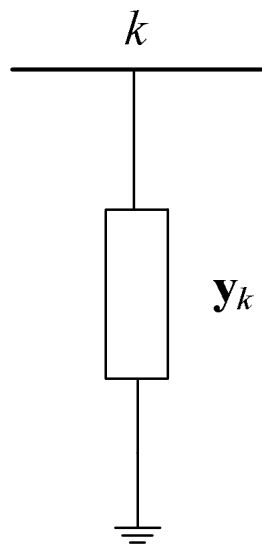
$$y_{smk} = g_{smk} + jb_{smk}$$



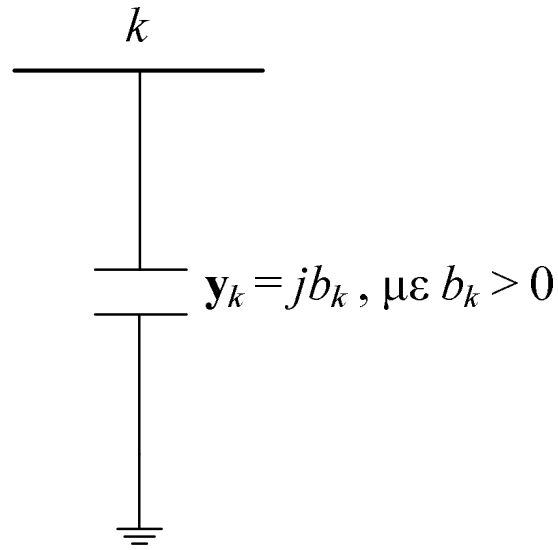


# Μοντέλα Συνιστωσών ΣΗΕ

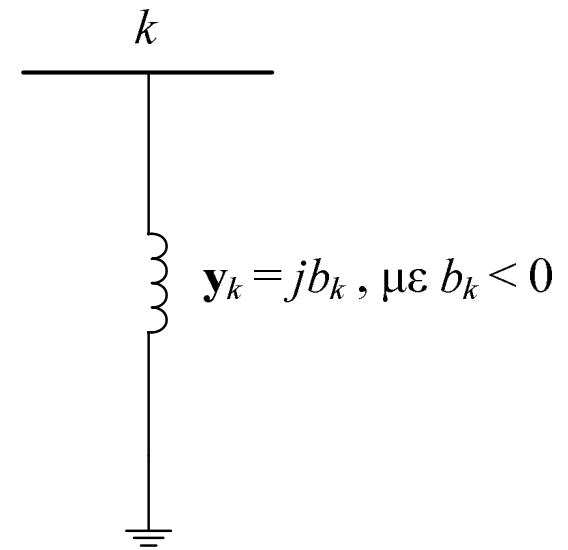
## Εγκάρσιος Πυκνωτής και Πηνίο



(α)



(β)

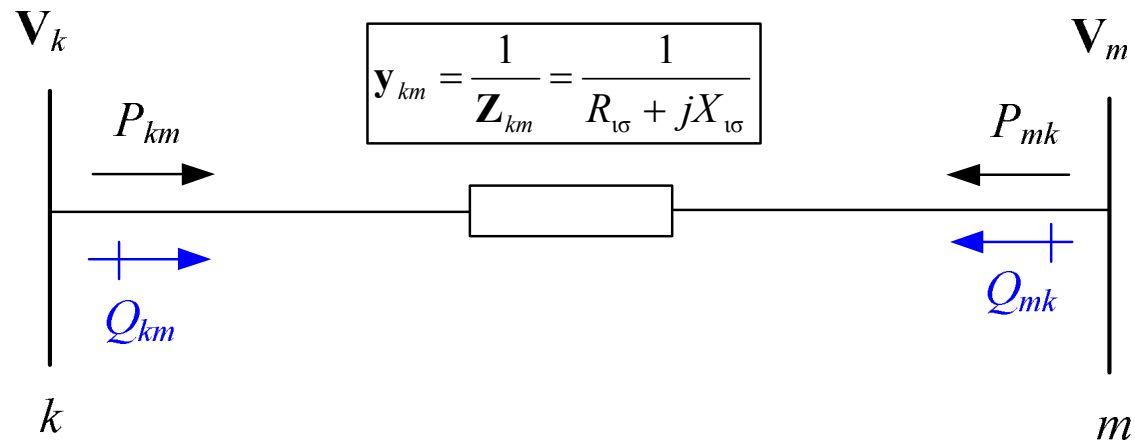


(γ)



# Μοντέλα Συνιστωσών ΣΗΕ

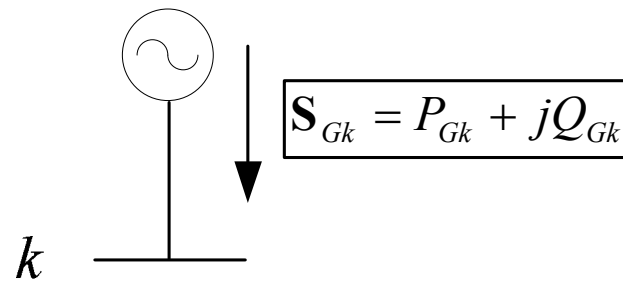
## Μετασχηματιστής (Μ/Σ)





# Μοντέλα Συνιστωσών ΣΗΕ

## Γεννήτρια

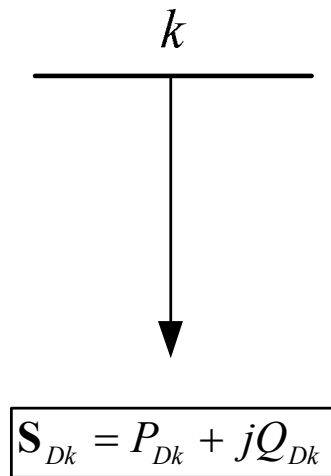


Στις μελέτες ροών φορτίου, οι σύγχρονες γεννήτριες έχουν συνήθως σταθερή τερματική τάση (μέτρο τάσης  $V_k$ ) και σταθερή παραγωγή πραγματικής ισχύος ( $P_{Gk}$ ), για αυτό οι ζυγοί αυτοί ονομάζονται ζυγοί  $PV$  ή ζυγοί παραγωγής.

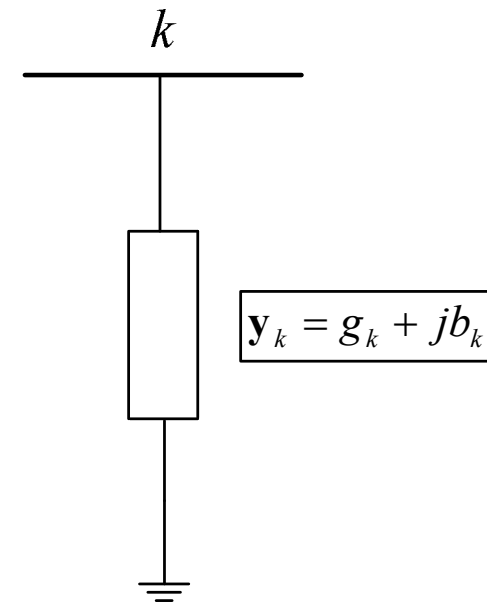


# Μοντέλα Συνιστωσών ΣΗΕ

## Φορτίο



Φορτίο σταθερής ενεργού  
και αέργου ισχύος

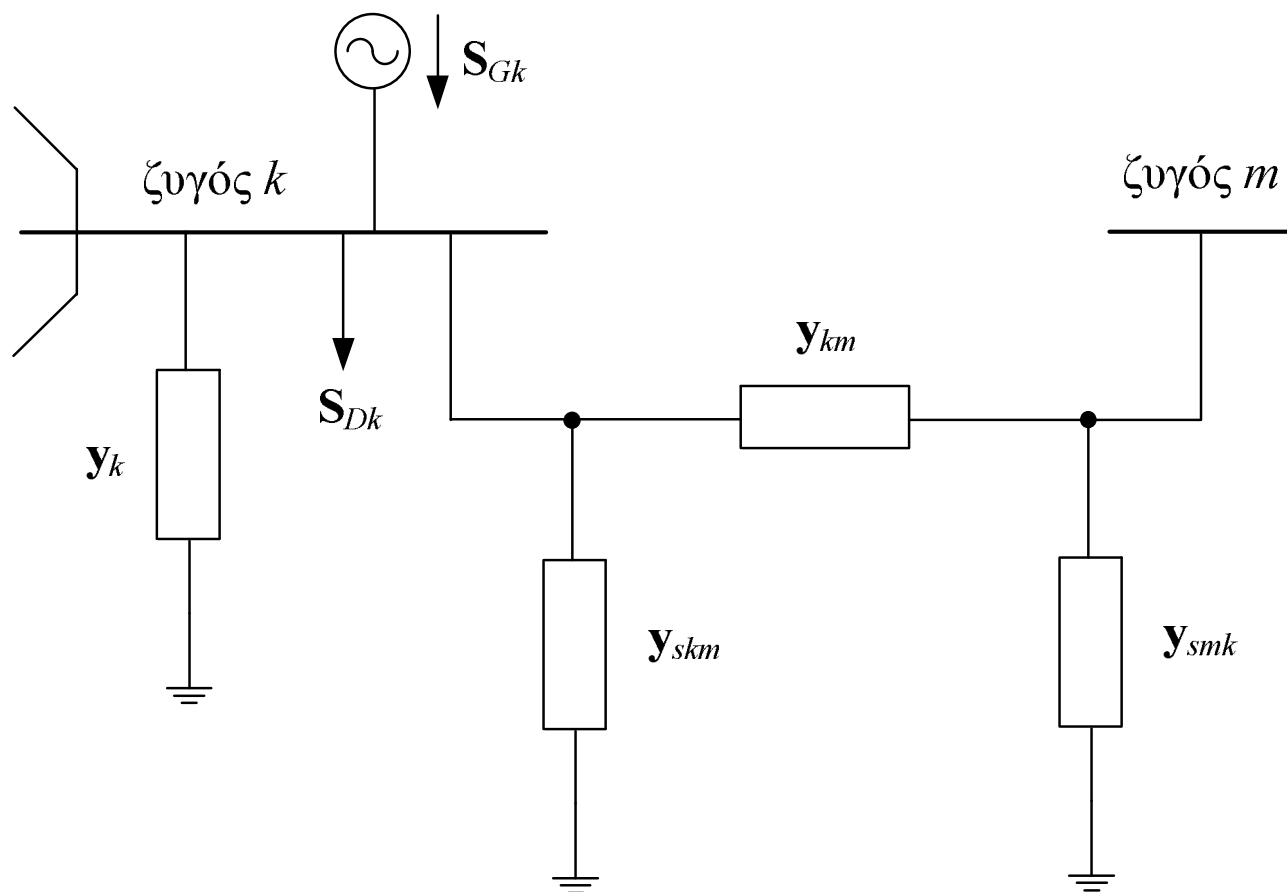


Φορτίο σταθερής σύνθετης  
αγωγιμότητας



# Εξισώσεις Ροών Φορτίου

## Πίνακας Αγωγιμοτήτων



$$Y_{kk} = y_k + \sum_{m \in A(k)} (y_{skm} + y_{km})$$

$$Y_{km} = -y_{km}$$



# Εξισώσεις Ροών Φορτίου

## Μιγαδική Εξίσωση Ροής Φορτίου

$$\mathbf{S}_k = \mathbf{S}_{Gk} - \mathbf{S}_{Dk} = \mathbf{Y}_{kk}^* \cdot V_k^2 + \mathbf{V}_k \cdot \sum_{m \in A(k)} \mathbf{Y}_{km}^* \cdot \mathbf{V}_m^* \quad (10.13)$$

$$\mathbf{V}_k = V_k \cdot e^{j\delta_k} = V_k \angle \delta_k$$

$$\mathbf{V}_m = V_m \cdot e^{j\delta_m} = V_m \angle \delta_m$$

$$\mathbf{S}_{Gk} = P_{Gk} + jQ_{Gk}$$

$$\mathbf{S}_{Dk} = P_{Dk} + jQ_{Dk}$$

$$\mathbf{Y}_{kk} = G_{kk} + jB_{kk}$$

$$\mathbf{Y}_{km} = G_{km} + jB_{km}$$



## Εξισώσεις Ροών Φορτίου

### Εξισώσεις Ενεργού και Αέργου Ισχύος

$$P_{Gk} - P_{Dk} = G_{kk} \cdot V_k^2 + V_k \cdot \sum_{m \in A(k)} V_m \cdot G_{km} \cdot \cos(\delta_k - \delta_m) + V_k \cdot \sum_{m \in A(k)} V_m \cdot B_{km} \cdot \sin(\delta_k - \delta_m) \quad (10.14)$$

$$Q_{Gk} - Q_{Dk} = -B_{kk} \cdot V_k^2 + V_k \cdot \sum_{m \in A(k)} V_m \cdot G_{km} \cdot \sin(\delta_k - \delta_m) - V_k \cdot \sum_{m \in A(k)} V_m \cdot B_{km} \cdot \cos(\delta_k - \delta_m) \quad (10.15)$$



# Θεμελίωση του Προβλήματος Ροών Φορτίου

## Τύποι Ζυγών Ροής Φορτίου

1. Ζυγός ταλάντωσης ή **ζυγός αναφοράς**
  - **Ορισμός:** Γνωστά το μέτρο ( $V$ ) και η γωνία της τάσης ( $\delta$ ) του ζυγού.
2. Ζυγός φορτίου ή **ζυγός PQ**
  - **Ορισμός:** Γνωστά η έγχυση ενεργού ισχύος ( $P_G - P_D$ ) και η έγχυση αέργου ισχύος ( $Q_G - Q_D$ ) του ζυγού
  - Παρατήρηση: αν ένας ζυγός δεν έχει πάνω του ούτε γεννήτρια ούτε φορτίο, τότε είναι ζυγός PQ
3. Ζυγός παραγωγής ή **ζυγός PV**
  - **Ορισμός:** Γνωστά η έγχυση ενεργού ισχύος ( $P_G - P_D$ ) και το μέτρο της τάσης ( $V$ ) του ζυγού
  - Παρατήρηση: αν ένας ζυγός έχει πάνω του γεννήτρια, δεν σημαίνει ότι είναι υποχρεωτικά ζυγός PV





## Θεμελίωση του Προβλήματος Ροών Φορτίου

### Διάλυση Κατάστασης

Έστω η ακόλουθη αρίθμηση ζυγών ενός ΣΗΕ:

1. Ο Ζυγός 1 είναι ο ζυγός ταλάντωσης
2. Οι Ζυγοί 2 έως  $n-m$  είναι οι ζυγοί παραγωγής
3. Οι Ζυγοί  $n-m+1$  έως  $n$  είναι οι ζυγοί φορτίου

Στην παραπάνω αρίθμηση:

- Ο συνολικός αριθμός των ζυγών είναι  $n$
- Ο συνολικός αριθμός των ζυγών φορτίου είναι  $m$



## Θεμελίωση του Προβλήματος Ροών Φορτίου

### Διάνυσμα Κατάστασης

- Ζητούμενο του προβλήματος ροών φορτίου είναι να υπολογιστούν τα μέτρα των τάσεων ( $V_i$ ) και οι γωνίες των τάσεων ( $\delta_i$ ), όλων των ζυγών του ΣΗΕ, όπου  $\mathbf{V}_i = V_i \angle \delta_i$ . Αυτό σημαίνει ότι θα πρέπει να υπολογιστούν τα:
  - $V_1, V_2, \dots, V_n$
  - $\delta_1, \delta_2, \dots, \delta_n$
- Όμως, στον ζυγό ταλάντωσης 1 είναι γνωστά τα  $V_1, \delta_1$ .
- Όμως, στους ζυγούς παραγωγής 2 έως  $n-m$  είναι γνωστά τα μέτρα των τάσεων, δηλαδή είναι γνωστά τα  $V_2, V_3, \dots, V_{n-m}$



## Θεμελίωση του Προβλήματος Ροών Φορτίου

### Διάνυσμα Κατάστασης

- Αυτό σημαίνει ότι το διάνυσμα κατάστασης (οι άγνωστοι του προβλήματος ροών φορτίου) είναι:
  - $V_{n-m+1}$  έως  $V_n$ , δηλαδή  **$m$  άγνωστα μέτρα τάσεων**
  - $\delta_2$  έως  $\delta_n$ , δηλαδή  **$n-1$  άγνωστες γωνίες τάσεων**
- Συνεπώς, οι συνολικοί άγνωστοι είναι  **$n+m-1$**
- Συνεπώς, απαιτούνται  **$n+m-1$**  γραμμικά ανεξάρτητες εξισώσεις



## Θεμελίωση του Προβλήματος Ροών Φορτίου

### Διάλυση Κατάστασης

Οι  $n+m-1$  γραμμικά ανεξάρτητες εξισώσεις που απαιτούνται είναι οι ακόλουθες:

- **$n-1$  εξισώσεις** του ισοζυγίου πραγματικής ισχύος, μία για κάθε ζυγό εκτός από τον ζυγό ταλάντωσης:

$$P_{Gk} - P_{Dk} = G_{kk} \cdot V_k^2 + V_k \cdot \sum_{m \in A(k)} V_m \cdot G_{km} \cdot \cos(\delta_k - \delta_m) + V_k \cdot \sum_{m \in A(k)} V_m \cdot B_{km} \cdot \sin(\delta_k - \delta_m) \quad (10.14)$$

- **$m$  εξισώσεις** του ισοζυγίου αέργου ισχύος, μία για κάθε ζυγό φορτίου:

$$Q_{Gk} - Q_{Dk} = -B_{kk} \cdot V_k^2 + V_k \cdot \sum_{m \in A(k)} V_m \cdot G_{km} \cdot \sin(\delta_k - \delta_m) - V_k \cdot \sum_{m \in A(k)} V_m \cdot B_{km} \cdot \cos(\delta_k - \delta_m) \quad (10.15)$$